

## MODELIRANJE PROCESA PADAVINE-OTICAJ NA PODSLIVOVIMA SLIVA DRINE METODOM TRANSFORMACIONIH FUNKCIJA

Stevan PROHASKA ,Vladislava BARTOŠ DIVAC,  
Institut za vodoprivrednu“ Jaroslav Černi“, Beogradu  
Nikola MILIVOJEVIĆ  
Mašinski fakultet, Kragujevac

### REZIME

U ovom radu je opisan model za formiranje ulaznih dotoka u sistem na osnovu realizovanih meteoroloških veličina u slivu. Proces transformacije padavina u oticaj je razdvojen je na dve komponente: produpcionu i transformacionu. Produpcionom funkcijom se određuju efektivne padavine, a transformacionom oticaj. Model za formiranje ulaznih doticaja je primenjen za sve podslivove na slivnom području koje razmatra Hidroinformacioni sistem Drine (HIS).

**Ključne reči:** padavine, oticaj, transformacija, sistem, jednačine sistema.

### 1. ULAZNI PODACI I PRETPOSTAVKE

Sliv reke Drine, sa svim vodoprivrednim i elektroprivrednim objektima, predstavlja jedinstven sistem za koji se razvija Hidroinformacioni sistem.

Sa gledišta fizičko-geografskih i klimatskih karakteristika sliv reke Drine je veoma heterogen. Drenira izrazito visoke planinske masive naše zemlje, susedne delove Bosne i Hercegovine i manjim delom susedne Albanije. Lepezastog je oblika sa veoma razvijenom hidrografskom mrežom. Koncentracija oticaja na velikom delu sliva (oko 50%) je veoma brza. Pojedini delovi sliva (Tara i Sutjeska) su izgrađeni od karstifikovanih krečnjaka, što otežava određivanja orografskih i hidrografskih površina sliva.

Klimatske karakteristike sliva reke Drine, a naročito njegovog gornjeg dela, su pod direktnim uticajem Jadranskog mora i reljefa. Jadransko more ima najveći uticaj na režim padavina, dok reljef utiče na režim temperature vazduha, padavina i isparavanja na

srednjem delu sliva reke Drine. Režim padavina u slivu reke Drine karakteriše velika prostorna i vremenska neravnomernost. Gornji delovi sliva reke Drine, kao i područja sa kojim se ono graniči, poznati su kao delovi sa najvišim godišnjim padavinama u SCG. Tako su, na primer, u izvorišnom delu Sutjeske maksimalne godišnje padavine od 1000 mm do 2500 mm. Prosečne godišnje padavine u slivu reke Drine se kreću od 800 mm (na donjem toku Drine) do oko 2000 mm (Kolašin i Čemerno).

U hladnijoj polovini godine padavine se uglavnom javljaju u vidu snega. Udeo snežnih padavina u godišnjim količinama padavina, u pojedinim regionima sliva reke Drine, može iznositi i 40 do 50%. Pojave padavina u vidu snega, formiranje snežnog pokrivača i njegovo trajanje je u direktnoj vezi sa porastom nadmorske visine sliva. Prema podacima iz literature broj dana sa snežnim pokrivačem u dolini reke Drine iznosi 40, na višim delovima od 60 do 100, a na najvećim visinama od 120 - 150 dana godišnje.

Navedene konstatacije o prostornoj i vremenskoj heterogenosti klimatskih pojava, kao i činjenica da na slivu reke Drine postoje izgrađene hidroelektrane, kao i potencijalne koje su u fazi projektovanja, ukazuju da sliv reke Drine u geofizičkom i tehničkom smislu nije jedinstvena celina. Izrada matematičkog modela koji bi respektovao ovako heterogene i složene uslove, kojim bi se opisali svi procesi u sistemu, tretiranjem sistema kao celine, praktično je teško izvodljiva. Stoga je izvršena prostorna dekompozicija na dve vrste entiteta: čvorove i veze.

Čvorovi su elementi modela za koje važi jednačina kontinuiteta u kojima se sustiću jedna ili više dolazećih ili odlazećih veza. Veze su elementi modela za koji

jednačine tečenja, u njima se vrši transformacija hidrograma koji ulazi u vezu u hidrogram koji izlazi iz veze.

## 2. MODELIRANJE PROCESA FORMIRANJA ULAZNIH DOTOKA

Tečenje vode koja je u vidu kiše pala na sliv je nestacionarno promenljivo i trodimenzionalno. Hidrodinamički modeli oticaja baziraju se na fizičkim zakonima tečenja i najkorektnije bi bilo kada bi se jednačine tečenja primenile na nivou elementarnih zapremina, uz poštovanje principa održanja mase i održanja količine kretanja. Kako je proces trodimenzionalan, a tečenje nestacionarno i prostorno promenljivo, početni i granični uslovi se moraju odrediti na granicama elementarnih masa, što znači da takav model funkcioniše sa prostorno raspodeljenim parametrima.

Sa jedne strane, numeričko rešavanje prostornih (3D) modela tečenja sa uticajem kiša još uvek nije razrešeno, a sa druge strane (kada bi takvo rešenje i postojalo), model bi zahtevaо previše ulaznih podataka (merenih na nivou elementarnih zapremina), pa bi, sa praktične tačke gledišta bio komplikovan i neracionalan. Iz tih razloga pristupa se pojednostavljenjima; najpre prelaskom sa prostornih na ravanske (2D) modele, a za praktične primene (najčešće) i na linijske (1D) modele tečenja. Da bi se mogli primeniti linijski modeli, prepostavlja se da bočni dotok čine efektivne padavine, čiji je intenzitet prostorno homogen i vremenski neustaljen. Nestacionarno tečenje se opisuje parom parcijalnih diferencijalnih jednačina hiperboličkog tipa, jednačinom održanja mase i jednačinom održanja količine kretanja.

Iako za poznate početne i granične uslove postoji numeričko rešenje diferencijalnih jednačina, za proračun tečenja u slivu retko se koriste obe jednačine u kompletnoj formi. Svi dosadašnji pokušaji te vrste doživeli su neuspeh, jer je praktično nemoguće tačno primeniti Saint-Venant-ove jednačine za svaku elementarnu zapreminu heterogenog i vremenski promenljivog sliva. Pri tome najveći problem predstavljaju obim, vrsta i kvalitet ulaznih podataka kojima se opisuju karakteristika sliva i prostorni raspored meteoroloških veličina.

U hidrološkoj praksi se za potrebe modeliranja koriste tri vrste podataka:

- podaci kojima se opisuju fizičko-geografske karakteristike sliva;
- hidrometeorološki podaci
- podaci o početnim parametrima.

Osnovna karakteristika podataka kojima se opisuju fizičko-geografske karakteristike (topografske, morfološke, geografske, geološke, pedološke i hidrogeološke karakteristike zemljišta i vegetacije) je da se sporo menjaju (u odnosu na druge dve grupe podataka), pa se zbog toga pri njihovom određivanju koriste podaci koji se uzimaju sa odgovarajućih karata ili pak, u novije vreme, na osnovu podataka smeštenih u Geografske Informacione Sistema (GIS).

Drugu grupu podataka karakteriše brza promena po prostoru i u vremenu, pa se oni u matematičkim modelima procesa oticaja ne mogu tretirati kao konstante, već se kontinualno opažaju i prikupljaju preko meteorološke i hidrološke mreže stanica, kontrolišu, arhiviraju i koriste u okviru Hidroloških Informacionih Sistema (HIS). Pod hidrometeorološkom mrežom stanica ovde se ne podrazumevaju samo fiksne (zemaljske) stanice, nego i svi sistemi daljinske detekcije (sateliti, radari, baloni, avioni i osmatrački brodovi i sl.) koji svi zajedno čine sisteme hidrološkog i meteorološkog bdenja.

Treću grupu podataka čine procesni parametri, koji su takođe promenljivi po prostoru i u vremenu. Njihovo merenje je moguće, međutim, pošto je veoma skupo, merenja su jako ograničena, pa se u većini slučajeva vrednosti procesnih parametara ili procenjuju na bazi fizičko-geografskih i hidrometeoroloških podataka, ili pak određuju i prate u okviru meteoroloških i hidroloških modela. Zbog prostorne i vremenske promenljivosti, u novije vreme u praćenju i analizi procesnih parametara veliku pomoć pružaju metode daljinske detekcije posebno satelitska opažanja promene vlažnosti zemljišta, rasprostranjenosti i debljine snežnog pokrivača i sl. Tako prikupljeni podaci se interpretiraju i analiziraju u okviru posebnih modula prilagođenih GIS tehnologiji.

Sve tri kategorije podataka se za potrebe hidroloških i vodoprivrednih analiza objedinjuju u jedinstveni sistem koji se skraćeno naziva HIGIS (Hidrološki Geografski Informacioni Sistem). Korišćenje raspoloživih podataka objedinjenih u HIGIS može se postići samo ako postoji adekvatan matematički model koji ih na optimalan i

efikasan način objedinjuje i koristi. Jedan od ciljeva izrade HIS-a Drine je i razvoj takvog modela.

Pri izradi modela za formiranje ulaznih dotoka u sistem pošlo se od opšte jednačine sistema, vodeći računa da se radi o otvorenom sistemu čije se stanje menja po prostoru i vremenu. Opšta matematička formulacija sistema, ukoliko se posmatraju tri osnovna elementa (ulaz, rad sistema i izlaz) može se predstaviti relacijom:

$$Y(H) = H(X(t), t)$$

gde je:

$t$  - vreme

$X(t)$  - vektor ulaza

$Y(t)$  - vektor izlaza

$H$  - funkcionalni operator sistema koji definiše način na koji sistem transformiše ulaze u izlaz.

U konkretnom slučaju ulazne vektore predstavljaju meteorološke veličine  $P(x, y, t)$ , a izlaz količina vode koja je vremenski raspoređena  $Q(t)$  za koju važi relacija  $Q(t) = H(P(x, y, t))$ .

Funkcionalni operator sadrži veći broj funkcija koji zavisi od broja transformacija kojima se može opisati razmatrani proces. Kompletan proces transformacije padavina u oticaj u konceptualnim modelima najčešće se razdvaja na tri podprocesa, pa je potrebno odrediti tri funkcije kojima se opisuje sistem.:

Produciona funkciju koja se često naziva funkcijom "gubitaka". Naime, ukupne padavine koje dospeju na slivno područje predstavljaju bruto padavine. Deo padavina koji dospe na slivno područje potom ispari, deo se infiltrira u zemljište i samo jedan deo otekne do vodotoka. Deo padavina koji sa slivnog područja dospe do vodotoka predstavlja neto, odnosno efektivne padavine. Efektivne padavine se određuju na osnovu realizovanih meteoroloških veličina: dnevnih sumi padavina i temperature.

Transformacija efektivnih padavina u hidrogram oticanja se opisuje sa dve funkcije:

- distribucionom, kojom se zapremina dobijena na bazi efektivnih padavina raspoređuje u vremenu ("elementami hidrogram") i
- propagacionom, kojom se elementarni hidrogram transformiše u hidrogram na izlaznom profilu sliva.

Funkcije distribucije i propagacije često se zamjenjuje jednom – transformacionom funkcijom.

U HIS-u Drine se pretvaranje bruto padavina  $P$  u efektivne  $P_{ef}$  vrši primenom linearne regresione jednačine gde zavisno promenljivu predstavljaju neto padavine, dok su nezavisno promenljive veličine: bruto padavine, temperaturni indeks i indeks prethodnih padavina, prema sledećoj jednačini:

$$P_{ef}(j) = a \cdot P(j) + b \cdot IPP(j) + c \cdot TI(j) + d$$

gde su:

$P(j)$  - bruto padavine u trenutku  $j$

$IPP(j)$  - indeks prethodnih padavina u trenutku  $j$

$TI(j)$  - temperaturni indeks u trenutku  $j$

$a, b, c, d$  - parametri jednačine linearne regresije.

Indeks prethodnih padavina  $IPP$  u  $j$ -tom vremenskom trenutku se određuje prema sledećoj jednačini:

$$IPP(j) = \sum_{i=1}^{i=n} k^{2i} \cdot P(j-i)$$

gde je:

$k$  - parametar

$n$  - ukupan broj vremenskih trenutaka relevantnih za određivanje indeksa prethodnih padavina

Temperaturni indeks  $TI$  se određuje po formuli:

$$TI(j) = \sum_{s=1}^{s=p} \theta^{3s} \cdot T(j-s+1)$$

gde je:

$T(j)$  - prosečna temperatura vazduha u slivu u  $j$ -tom trenutku

$\theta$  - parametar

$p$  - ukupan broj vremenskih trenutaka relevantnih za određivanje temperaturnog indeksa

Ukoliko se na slivnom području nalazi više padavinskih stanica, bruto padavine koje reprezentuju slivno područje određuju se na osnovu pripadajućih površina sliva za svaku od padavinskih stanica, prema sledećoj jednačini:

$$P = \frac{\sum_{i=1}^{i=n_{pad\_st}} F_i \cdot P_i}{F_s}$$

gde je:

$P_i$  - dnevna suma bruto padavine na  $i$ -toj padavinskoj stanici u  $j$ -tom danu

$F_i$  - pripadajuća površina sliva  $i$ -te padavinske stanice, pri čemu mora biti zadovoljen uslov:

$$\sum_{i=1}^{n_{\text{pad\_st}}} F_i = F_s$$

$n_{\text{pad\_st}}$  - broj reprezentativnih padavinskih stanica  
 $F_s$  - površina sliva

Na isti način se određuju i reprezentativne temerature, ukoliko na sливном подручју има више reprezentativnih meteoroloških stanica sa podacima o temperaturama.

$$T = \frac{\sum_{k=1}^{n_{\text{met\_st}}} F_k \cdot T_k}{F_s}$$

gde je:

$T_k$  - srednja dnevna temeratura na k-toj stanici u j-tom danu  $T_k$

$F_k$  - pripadajuća površina sliva k-te stanice, pri čemu mora biti zadovoljen uslov:

$$\sum_{k=1}^{n_{\text{met\_st}}} F_k = F_s$$

$n_{\text{met\_st}}$  - broj reprezentativnih meteoroloških stanica sa podacima o temperaturama .

Transformacija neto padavina u hidrogram dotoka vrši se pomoću jednačine:

$$Q(k) = F \cdot \sum_{j=1}^k P_{\text{ef}}(j) \cdot TF(k-j+1)$$

gde je:

$Q(k)$  - ordinata hidrograma oticaja u k-tom trenutku [ $\text{m}^3/\text{s}$ ]

$P_{\text{ef}}(j)$  - efektivne padavine u j-tom trenutku [mm]

$TF(k-j+1)$  - transformaciona funkcija u trenutku k-j+1 [1/dan]

$F$  - površina sliva [ $\text{km}^2$ ]

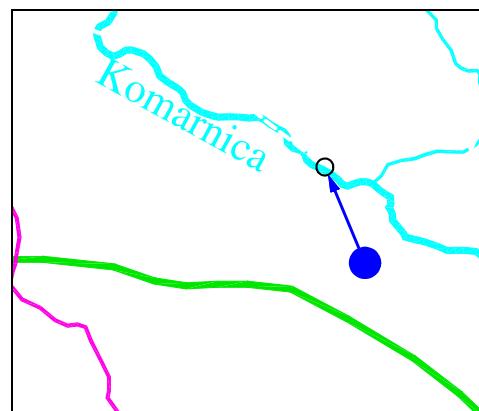
Za proračun vrednosti transformacione funkcije u i-tom trenutku koristi se jednačina:

$$TF(i) = \frac{1}{\tau \cdot (n-1)!} \cdot \left(\frac{i}{\tau}\right)^{n-1} \cdot e^{-\frac{i}{\tau}}$$

gde su:

$\tau, n$  - parametri, pri čemu  $\tau$  ima dimenziju vremena [dan], dok je  $n$  bezdimenzioni parametar.

Saglasno usvojenoj koncepciji dekompozicije sistema sliva reke Drine i opisanom modelu, modeliranje procesa formiranja ulaznih dotoka objedinjuje obe vrste entiteta i čvor i vezu. U čvoru se vrši modeliranju formiranja padavina na osnovu realizovanih meteoroloških veličina, a u čvoru se modelira transformacija padavina u oticaj.



Slika 1. Šematski prikaz čvora površinski sliv i veze površinsko doticanje

### 3. PRIMENA MODELA

Za potrebe formiranja dotoka izvršena je prostorna identifikacija slivova i čvorova za koje je potrebno definisati ulazne doteke. Za svaki površinski sliv definisane su merodavne meteorološke stanice i njihove pripadajuće površine potrebne za određivanje meteoroloških veličina koje reprezentuju jedno sливно područje. Izvršeno je tariranje parametara modela na osnovu raspoloživih podataka.

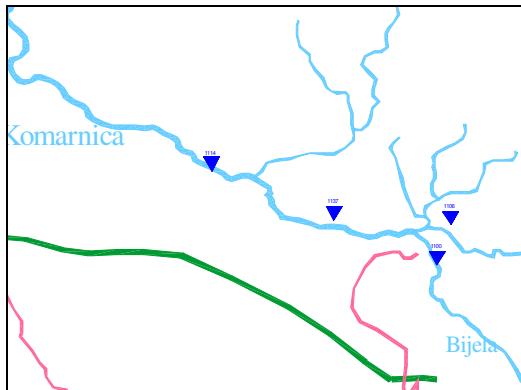
U nastavku je, na primeru sliva Komarnice uzvodno od vodomerne stanice Duški most, prikazan način proračuna formiranje ulaznog dotoka.

Osnovne karakteristike razmatranog sliva su sledeće:

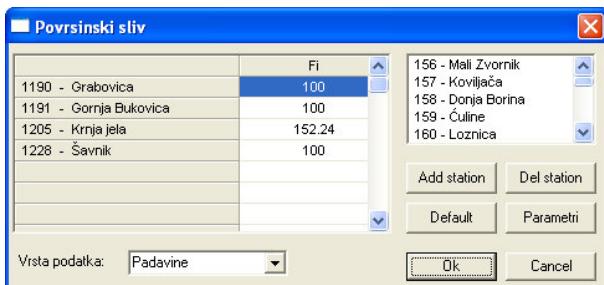
- površina  $F = 452.24 \text{ km}^2$
- merodavne padavinske stanice: Grabovica, Gornja Bukovica, Krnja Jela i Šavnik
- merodavna stanica za temperaturu: Bajevo Polje.

Prvo se vrši popunjavanje vremenskih serija meteoroloških veličina, padavina i temperatura, a potom proračun ulaznih dotoka. Tariranje ulaznih parametara

za sliv Komarnice uzvodno od vodomerne stanice Duški most izvšeno je na bazi proticaja na Duškom mostu.

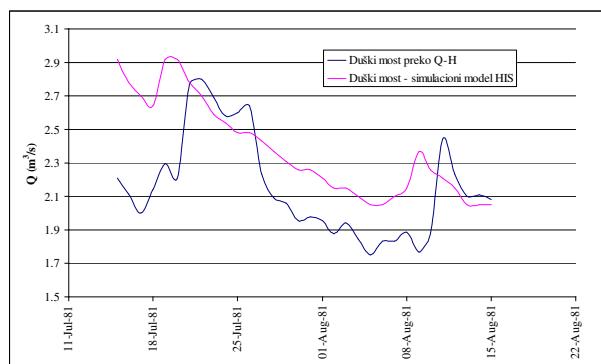


Slika 2. Prikaz merodavnih padavinskih stanica za sliv Komarnice uzvodno od Duškog mosta



Slika 3. Izgled prozora sa ulaznim podacima sa pripadajućim površinama slivova u HIS-u Drine

Na slici su prikazani rezultati proračuna formiranja ulaznog doticaja i hidrogram za korespondentni period na vodomernoj stanici Duški most.



Slika 4. Ulazni dotok sa sliva Komarnice uzvodno od stanice Duški most i hidrogram dobijen na bazi krive proticaja

U nastavku su prikazani svi čvorovi tipa sliv za područje sliva reke Drine, sa merodavnim meteorološkim stanicama.

| Naziv površinskog sliva | Površina sliva (km <sup>2</sup> ) | broj padavinskih stаница | Ime merodavne padavinske stанице | Pripadajuće površine | Ime merodavne meteorološke stанице sa podacima o temperaturama |
|-------------------------|-----------------------------------|--------------------------|----------------------------------|----------------------|--|
| Drina III               | 164.44                            | 2                        | Petkovica                        | 80                   | Loznica  |
|                         |                                   |                          | Bijeljina                        | 84.44                |  |
| Drina II                | 1346.18                           | 3                        | Tekeriš                          | 500                  | Loznica  |
|                         |                                   |                          | Krupanj                          | 500                  |  |
|                         |                                   |                          | Osečina                          | 346.18               |  |
| Drina I                 | 148.18                            | 1                        | Loznica                          | 148.18               | Loznica  |
| Kozluk                  | 395                               | 2                        | Zvornik                          | 200                  | Zvornik  |
|                         |                                   |                          | Mali Zvornik                     | 195                  |  |
| Zvornik                 | 225.99                            | 1                        | Planina                          | 225.99               | Zvornik  |
| Mala Dubravica          | 492                               | 1                        | Ljubovija                        | 492                  | Ljubovija  |
| Tegare                  | 292.48                            | 1                        | Jagodići                         | 292.48               | Ljubovija  |
| Rogačica                | 340.03                            | 2                        | Rogačica                         | 250                  | Borika   |
|                         |                                   |                          | Gostinica                        | 90.03                |  |
| Bajina Bašta            | 1281.42                           | 4                        | Borika                           | 500                  | Borika   |
|                         |                                   |                          | Višegrad                         | 300                  |  |
|                         |                                   |                          | Mokra Gora                       | 300                  |  |
|                         |                                   |                          | Zlatibor                         | 181.42               |  |
| Višegrad                | 1836.98                           | 9                        | Sokolac                          | 200                  | Višegrad   |
|                         |                                   |                          | Prača-Vrelo                      | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Prača-Vrelo                      | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Osječani                         | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Goražde                          | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Kovačevići                       | 236.98               |  |
|                         |                                   |                          | Kramer Selo                      | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Rogatica "PE"                    | 200                  |  |
|                         |                                   |                          | Nadromanija                      | 200                  |  |
| Goražde                 | 124.55                            | 1                        | Vranići                          | 124.55               | Goražde  |
| Sadba                   | 303.98                            | 1                        | Vranići                          | 303.98               | Goražde  |
| Ustikolina              | 37.84                             | 1                        | Vranići                          | 37.84                | Goražde  |
| Paunci                  | 45.35                             | 1                        | Foča                             | 45.35                | Foča   |
| Srbinje                 | 549.13                            | 1                        | Vrbnica                          | 549.13               | Foča   |
| Buk Bijela              | 338.76                            | 2                        | Tjentište                        | 250                  | Tjentište  |
|                         |                                   |                          | Čemerno                          | 88.76                |  |

|                       |         |   |                 |        |              |
|-----------------------|---------|---|-----------------|--------|--------------|
| Piva                  | 504.81  | 2 | Mratinje        | 150    | Bajovo Polje |
|                       |         |   | Plužine         | 354.81 |              |
| Komarnica             | 143.39  | 2 | Bajovo polje    | 100    | Bajovo Polje |
|                       |         |   | Krstač          | 43.39  |              |
| Tepca                 | 527.76  | 2 | Durdevića Tara  | 250    | Žabljak      |
|                       |         |   | Žabljak         | 277.76 |              |
| Ljutica               | 370.18  | 1 | Bistrica        | 370.18 | Žabljak      |
| Mojkovac              | 43.62   | 1 | Kolašin         | 43.62  | Kolašin      |
| Bakovića Klisura      | 160.97  | 1 | Kolašin         | 160.97 | Kolašin      |
| Žuti Krš              | 82.18   | 1 | Manastir Morača | 82.18  | Kolašin      |
| Mateševo              | 129.99  | 1 | Manastir Morača | 129.99 | Kolašin      |
| Opasanica             | 111.15  | 1 | Ljeva Rijeka    | 111.15 | Kolašin      |
| Vikoč                 | 80.89   | 1 | Vikoč           | 80.89  | Pljevlja     |
| Milovci               | 205.92  | 1 | Gradac          | 205.92 | Foča         |
| Mekote                | 223.63  | 1 | Gradac          | 223.63 | Pljevlja     |
| Gradac                | 465.4   | 2 | Pljevlja        | 265.4  | Pljevlja     |
|                       |         |   | Kosanica        | 200    |              |
| Otilovići             | 340.72  | 2 | Stožer          | 140.72 | Pljevlja     |
|                       |         |   | Kosanica        | 200    |              |
| Mrsovo                | 84.72   | 1 | Zabrede         | 84.72  | Višegrad     |
| Rudo                  | 442.26  | 2 | Zabrede         | 300    | Višegrad     |
|                       |         |   | Višegrad        | 142.26 |              |
| Priboj                | 50.6    | 1 | Priboj          | 50.6   | Bijelo Polje |
| Potpeć                | 441.5   | 2 | Bijelo Polje    | 350    | Bijelo Polje |
|                       |         |   | Aljinovići      | 91.5   |              |
| Radojna               | 85.16   | 1 | Nova Varoš      | 85.16  | Bijelo Polje |
| Kokin Brod            | 222.45  | 2 | Nova Varoš      | 100    | Bijelo Polje |
|                       |         |   | Basare          | 122.45 |              |
| Sjenica               | 1095.52 | 2 | Sjenica         | 700    | Sjenica      |
|                       |         |   | Aljinovoći      | 395.52 |              |
| Prijepolje            | 289.27  | 1 | Brodarevo       | 289.27 | Bijelo Polje |
| Brodarevo-Nizvodno    | 118.96  | 1 | Brodarevo       | 118.96 | Bijelo Polje |
| Brodarevo             | 163.29  | 1 | Gošev           | 163.29 | Bijelo Polje |
| Bjelopoljska Bistrica | 171.71  | 1 | Gošev           | 171.71 | Bijelo Polje |
| Ljuboviđa             | 258.02  | 1 | Stožer          | 258.02 | Bijelo Polje |
| Lješnica              | 186.67  | 1 | Rožaje          | 186.67 | Ivangrad     |
| Beranska Bistrica     | 131.42  | 1 | Andrijevica     | 131.42 | Ivangrad     |
| Kaludarska Rijeka     | 40.26   | 1 | Rožaje          | 402.66 | Ivangrad     |
| Šekularska Rijeka     | 51.54   | 1 | Plav            | 51.54  | Ivangrad     |

|                      |         |                 |               |              |              |
|----------------------|---------|-----------------|---------------|--------------|--------------|
| Trebačka             | 27.2    | 1               | Andrijevica   | 27.2         | Ivangrad     |
| Zlorečica            | 163.81  | 1               | Andrijevica   | 163.81       | Ivangrad     |
| Plavsko Jezero       | 205.6   | 1               | Plav          | 205.6        | Ivangrad     |
| Đurička Rijeka       | 52.74   | 1               | Plav          | 52.74        | Ivangrad     |
| Drina 0              | 106.74  | 1               | Koviljača     | 106.74       | Loznica      |
| Fiktivna Akumulacija | 167.66  | 1               | Tara-Mitrovac | 167.66       | Borika       |
| Lazići               | 58.19   | 2               | Zaovine       | 30           | Borika       |
|                      |         |                 | Tara-Mitrovac | 28.19        |              |
| Hreljava             | 31.81   | 1               | Vikoč         | 31.81        | Foča         |
| Prvnići              | 19.74   | 1               | Vikoč         | 19.74        | Foča         |
| Lukin Vir            | 78.81   | 1               | Andrijevica   | 78.81        | Ivangrad     |
| Andrijevica          | 142.26  | 1               | Plav          | 142.26       | Plav         |
| Falovići             | 59.31   | 1               | Vikoč         | 59.31        | Foča         |
| Brioni               | 12.33   | 1               | Vikoč         | 12.33        | Foča         |
| Grnčar               | 120.37  | 1               | Ljeva Rijeka  | 120.37       | Plav         |
| račva 119            | 151.52  | 1               | Mojkovac      | 151.52       | Plav         |
| račva 120            | 77.44   | 1               | Šćepan polje  | 77.44        | Tjentište    |
| Snježnica            | 38.21   | 1               | Mali Zvornik  | 38.21        | Vlasenica    |
| Drinjača             | 1155.79 | 5               | Vlasenica     | 255.79       | Vlasenica    |
|                      |         |                 | Grabovica BIH | 250          |              |
|                      |         |                 | Šekovići      | 250          |              |
|                      |         |                 | Kladanj       | 150          |              |
|                      |         |                 | Drinjača      | 250          |              |
| Ljuboviđa            | 72.28   | 1               | Jagodići      | 72.28        | Ljuboviđa    |
| Klak                 | 13.67   | 1               | Nova Varoš    | 13.67        | Bijelo Polje |
| račva 121            | 56.04   | 1               | Mratinje      | 56.04        | Tjentište    |
| račva 118            | 452.24  | Grabovica       | 100           | Bajovo Polje |              |
|                      |         | Gornja Bukovica | 100           |              |              |
|                      |         | Šavnik          | 100           |              |              |
|                      |         | Krnja Jela      | 152.24        |              |              |
| račva 124            | 2.47    | 1               | Šćepan polje  | 2.47         | Tjentište    |
| račva 70             | 33.07   | 1               | Bijelo Polje  | 33.07        | Bijelo Polje |
| račva 71             | 80.9    | 1               | Ivangrad      | 80.9         | Ivangrad     |
| račva 72             | 78.03   | 1               | Ivangrad      | 78.03        | Ivangrad     |
| račva 73             | 1.07    | 1               | Ivangrad      | 1.07         | Ivangrad     |
| račva 138            | 241.82  | Višegrad        | 71.82         | Višegrad     |              |
|                      |         | Priboj          | 70            |              |              |
|                      |         | Dobroselica     | 100           |              |              |
| račva 144            | 112.49  | 1               | Bijelo Polje  | 112.49       | Bijelo Polje |
| račva 155            | 100.42  | 1               | Mojkovac      | 100.42       | Bijelo Polje |

|             |        |   |              |        |              |
|-------------|--------|---|--------------|--------|--------------|
| račva 69    | 108.97 | 1 | Plav         | 108.97 | Plav         |
| račva 148   | 26.21  | 1 | Ivangrad     | 26.21  | Ivangrad     |
| račva 149   | 86.53  | 1 | Ivangrad     | 86.53  | Ivangrad     |
| račva 150   | 21.87  | 1 | Andrijevica  | 21.87  | Ivangrad     |
| račva 123   | 245.05 | 1 | Mratinje     | 245.05 | Žabljak      |
| račva 122   | 22.32  | 1 | Šćepan polje | 22.32  | Tjentište    |
| račva 152   | 100.55 | 1 | Ivangrad     | 100.55 | Ivangrad     |
| račva 157   | 177.13 | 1 | Bijelo Polje | 177.13 | Bijelo Polje |
| ušće u Savu | 36.61  | 1 | Bogatić      | 36.61  | Loznica      |

## LITERATURA

[1] Alekseev G. A. Shema rasčeta dozdevykh rashodov vody po formule predelynoy intensivnosti stoka s

pomošću krivyh redukcii osadkov i stoka, Trudy GGI, vyp 134, Gidromereoizdat, Leningrad, 1966.

[2] Bell F., Estimating Design Floods for Extreme Rainfall, Hydrology papers, F.Collins, 1968.

[3] Petković t., Prohaska S., Metode za proračun velikih voda, Deo II – Problemi voda na hidrološki neizučenim profilima, Građevinski kalendar, Beograd, 1990.

[4] Prohaska S., Ristić V., Hidrogeologija kroz teoriju i praksi, Beograd ,2002.

[5] Prohaska S., Ristić V., Hidrologija I deo, hidroeteorologija, hidrometrija i vodni režim, Beograd 2003.

## INFLOW GENERATION MODEL: A PART OF THE DRINA RIVER BASIN SIMULATION MODEL

by

Vladislava BARTOŠ DIVAC, Stevan PROHASKA

The Jaroslav Černi Institute for the Development of Water Resources, Belgrade  
Nikola MILIVOJEVIĆ

Faculty of Mechanical Engineering, Kragujevac

## Summary

The paper describes a model for the generation of inflows into the system based on weather quantities that have occurred in the basin. The process of precipitation transformation into runoff is divided into two components: production and transformation. The production function defines the effective precipitation, and the transformation function defines the runoff. The

inflow generation model was applied to all sub-catchments of the catchment area addressed by the Drina Hydro Information System (HIS).

Key words: precipitation, runoff, transformation, system, system equations.

Redigovano 17.05.2004.